CHAPITRE: Statistiques Descriptives

I – <u>Série de données statistique</u>:

1) Vocabulaire:

L'ensemble sur lequel porte l'étude statistique s'appelle la population. Un élément de cet ensemble est un individu. L'objet étudié s'appelle le caractère.

Si le caractère prend des valeurs numériques, on dit qu'il est quantitatif. Sinon, il est dit qualitatif.

Un caractère quantitatif peut être discret ou continu :

- discret s'il prend des valeurs isolées (0, 1, 2, ...).
- continu s'il peut prendre toutes les valeurs dans un intervalle appelé aussi classe.

2) Effectifs, Fréquences & Cumul:

L'effectif d'une valeur est le nombre d'individus ayant cette valeur.

L'effectif total, noté *N*, est le nombre d'individus de la population étudiée. Autrement dit, c'est la somme de tous les effectifs.

La fréquence, notée f, d'une valeur est le quotient de l'effectif de cette valeur par l'effectif total :

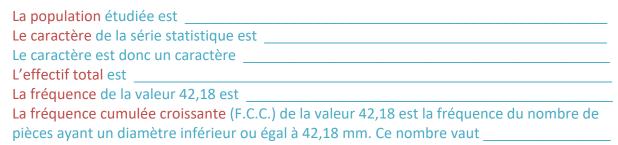
$$f = \frac{effectif\ de\ la\ valeur}{effectif\ total} = \frac{x}{N}$$

Pour un caractère quantitatif, on appelle effectif cumulé croissant (fréquence cumulée croissante) d'une valeur x le nombre (la fréquence) d'individus ayant une valeur inférieure ou égale à x dans la série.

3) Application:

Une machine réalise des pièces cylindriques. Lors d'un contrôle, on mesure le diamètre, en millimètres, d'un lot de pièces et on obtient la série statistique suivante :

Diamètre en mm	42,15	42,16	42,17	42,18	42,19	42,20	42,21	42,22
Effectif	7	2,0	42	88	52	2,4	12	5
	-	▼	₩ .	▼ ↓	* \(\dagger \)	▼ ↓	▼ ↓	₩ ₩
Effectif cumulé croissant	7	27	69	157	209	233	245	250



II – Représentations de données statistiques :

1 Nuage de points

Pour représenter graphiquement une série statistique au caractère quantitatif discret, il existe différentes possibilités. L'une des plus utilisées est le nuage de points.

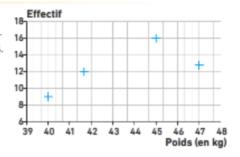
Les valeurs de la série sont sur l'axe des abscisses. La fréquence ou l'effectif correspondant à chaque valeur est sur l'axe des ordonnées.

Exemple

On a relevé le poids (en g) à la naissance de 50 chatons. Les valeurs ont été regroupées dans le tableau ci-dessous.

Poids	40	42	45	47
Effectif	9	12	16	13

On représente cette situation par un **nuage de points**. Le poids est en abscisse et l'effectif en ordonnée.



2 Histogramme

Pour représenter graphiquement une série statistique au caractère quantitatif continu, on utilise un histogramme.

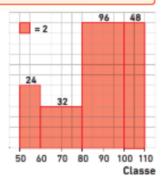
Un histogramme est constitué de rectangles. Pour chaque classe, l'aire de chaque rectangle est proportionnelle à l'effectif ou à la fréquence de la classe.

Exemple

Des tomates ont des calibres compris entre 50 mm et 110 mm. On a regroupé les valeurs par classe dans le tableau ci-dessous.

Calibre	[50;60[[60;80[[80;100[[100;110[
Effectif	24	32	96	48

On construit l'histogramme correspondant avec l'unité d'aire donnée. Le rectangle correspondant à l'effectif 96 a bien une aire qui est le double de celle du rectangle correspondant à l'effectif 48.



3 Courbe des fréquences cumulées croissantes (F.C.C.)

Exemple

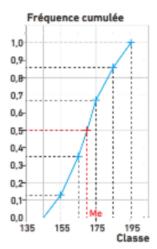
50 personnes ont été mesurées.

On a regroupé leur taille dans le tableau.

Taille en cm	[145;155[[155;165[[165;175[[175;185[[185;195[
Fréquence	0,12	0,22	0,34	0,18	0,14
F.C.C.	0,12	0,34	0,68	0,86	1

La ligne des F.C.C. indique que 12% (34%) des personnes mesurent moins de 155 cm (165 cm) etc... On place alors les points de coordonnées (145 ; 0), (155 ; 0,12), (165 ; 0,34) etc ...

Les segments reliant tous ces points constituent la courbe des F.C.C.



III – <u>Caractéristiques d'une série statistique :</u>

1) Paramètres de position d'une série statistique :

On considère la série statistique donnée par le tableau ci-contre et on note $N=n_1+n_2+\cdots+n_n$ l'effectif total.

Valeur	x_1	x_2	 x_p
Effectif	n_1	n_2	 n_p
Fréquence	f_1	f_2	 f_p

a. La moyenne pondérée :

La moyenne pondérée de cette série, notée \bar{x} , est donnée par l'une des formule suivante :

$$\bar{x} = \frac{n_1 \times x_1 + n_2 \times x_2 + \dots + n_p \times x_p}{N}$$
 ou $\bar{x} = f_1 \times x_1 + f_2 \times x_2 + \dots + f_p \times x_p$

 $\bar{x}=\frac{n_1\times x_1+n_2\times x_2+\cdots+n_p\times x_p}{N}$ ou $\bar{x}=f_1\times x_1+f_2\times x_2+\cdots+f_p\times x_p$ Remarque: Si les données sont regroupées en classes, on prend alors les centres des classes comme valeurs.

b. La médiane :

On considère que les valeurs de la série sont rangées dans l'ordre croissant.

La médiane, notée Me, est une valeur telle qu'au moins la moitié des valeurs de la série lui sont inférieure ou égale et au moins la moitié des valeurs de la série lui soit supérieure ou égale.

$$Me = \frac{N}{2}^{eme}$$
 valeur de la série

c. Les quartiles :

Le premier quartile, noté Q_1 , est la plus petite valeur de la série telle qu'au moins 25% ($\frac{1}{4}$) des valeurs sont inférieures ou égale à Q1.

Le troisième quartile, noté Q_3 , est la plus petite valeur de la série telle qu'au moins 75% ($\frac{3}{4}$) des valeurs sont inférieure ou égale à Q₃.

2) Paramètres de dispersion d'une série statistique :

a. L'étendue:

L'étendue est la différence entre la plus grande valeur (valeur maximale) et la plus petite valeur (valeur minimale).

b. L'écart interquartile :

L'écart interquartile d'une série statistique est la différence entre Q_3 et Q_1 , soit $Q_3 - Q_1$.

Remarque : Cet écart interquartile donne une idée de la dispersion des valeurs autour de la médiane (il contient au moins 50% des valeurs de la série), en effet, plus l'écart est petit plus les valeurs se concentrent autour de la médiane.

3) Résumé d'une série statistique :

Pour comparer des séries, on utilise fréquemment un diagramme en boite, qui résume les principaux paramètres de la série.

Le diagramme en boite représente graphiquement une série statistique en indiquant : la valeur minimale, le 1^{er} quartile, la médiane, le 3^{ème} quartile, et la valeur maximale.

